

الموضوع الأول

تمرين الأول: (06 ن)

ليكن العددين الطبيعيين a و b حيث $a \equiv 3[4]$; $b \equiv 2[4]$ اختر الجواب الصحيحة مع التبرير

الجواب 3	الجواب 2	الجواب 1	
			$a^2 + b \equiv \dots [4]$
5	2	-1	$a^{2018} \equiv \dots [4]$
-2	1	5	$a + 2018 + 1439 \equiv \dots [4]$
3	0	-1	إذا كان $a \equiv b [5]$ فإن
$a - b \equiv 0 [5]$	$b \equiv 0 [5]$	$a \equiv 0 [5]$	إذا كان $a = 5^3 \times 3^2$ فإن عدد قواسم a هو
15	12	6	

التمرين الثاني: (06 ن)

1. (u_n) متتالية حسابية حدها الأول u_0 أساسها r .
أ. عين u_0 و r علما أن $u_2 = -8$ و $u_5 = -23$.
ب. أكتب عبارة الحد العام للمتتالية (u_n) .
ج. احسب بدلالة n المجموع S_n حيث $S_n = u_0 + u_1 + u_2 + \dots + u_n$.
2. (v_n) متتالية عددية معرفة على \mathbb{N} متتالية بحدها العام $v_n = 2 \times 3^{n+1}$.
أ. بين أن (v_n) متتالية هندسية يطلب تعيين أساسها وحدها الأول.
ب. احسب المجموع $S' = v_0 + v_1 + \dots + v_5$.

التمرين الثالث: (08 ن)

نعتبر الدالة العددية f المعرفة على \mathbb{R} بـ: $f(x) = -x^3 + 3x$ ، وليكن (C_f) تمثيلها البياني في المستوي المنسوب الى المعلم المتعامد والمتجانس (O, I, J) .

(1) - احسب نهايات الدالة f عند $-\infty$ و $+\infty$.

(2) - أدرس اتجاه تغير الدالة f ثم شكل جدول تغيراتها.

(3) - عين إحداثيات نقاط تقاطع المنحنى (C_f) مع محوري الإحداثيات.

(4) - أ. اكتب معادلة للمماس (T) للمنحنى (C_f) عند النقطة O

ب. أنشئ في المعلم (O, I, J) المنحنى (C_r) والمماس (T) .

الموضوع الثاني

التمرين الأول: (06 ن)

1. a و b عددين صحيحين حيث $a = 2010$ و $b = -2011$.

عين باقي قسمة كل من العددين a و b على 9.

2. أ. بين أن العدد $a^4 - 9b$ يقبل القسمة على 9.

ب. عين باقي قسمة كل من العددين $5a^2 - b^2$ و $3ab + 12$ على 9.

ج. برهن بالتراجع أنه من أجل كل عدد طبيعي غير معدوم فإن العدد 3^{2^n} يقبل القسمة على 9.

التمرين الثاني: (06 ن)

(u_n) متتالية معرفة على \mathbb{N} بـ: $u_n = 3 \times 2^n$ ($n \in \mathbb{N}$)

أنقل الجدول الموالي على ورقة الامتحان ثم ضع علامة \times في المكان المناسب مع التعليل.

التعليل	خاطئة	صحيحة	العبرة
			(u_n) متتالية هندسية أساسها 2 وحدها الأول 3.
			$u_0 + u_1 + u_2 + \dots + u_{10} = 3(1 - 2^{10})$
			(u_n) متتالية متزايدة
			(w_n) متتالية ثابتة حيث $w_0 = 2$
			$w_0 + w_2 + \dots + w_{10} = 2(n+1)$

التمرين الثالث: (08 ن)

f هي الدالة المعرفة على \mathbb{R} بـ: $f(x) = x^3 - x^2 - x + 1$ و ليكن (C) تمثيلها البياني في معلم متعامد و متجانس (O, \vec{i}, \vec{j})

(1) أحسب نهايات الدالة f عند $-\infty$ و $+\infty$.

(2) احسب الدالة المشتقة f' ثم تحقق أن $f'(x) = (3x+1)(x-1)$.

(3) أدرس اتجاه تغير الدالة f ثم شكل جدول تغيراتها.

(4) بين النقطة $A(\frac{1}{3}; \frac{16}{27})$ هي نقطة انعطاف لـ (C_r) .

(5) أحسب $f(-1)$; $f(0)$; $f(1)$.

(6) أكتب معادلة المماس (Δ) للمنحنى (C) عند النقطة ذات الفاصلة -1 .

(7) أنشئ (Δ) و (C) في المعلم (O, \vec{i}, \vec{j}) .

موقع دراستي www.dirassatidz.com

صفحتنا على الفايسبوك @dirassati1