

(4) قاعدة جداء الإشارات :  $(-) \times (+) = -$  ،  $(-) \times (-) = +$  ،  $(+) \times (+) = +$  :

(5) الحساب الجبري :  $a, b, c$  أعداد حقيقية لدينا ما يلي :

$$a(b+c) = ab+ac \text{ ، } a-(b-c) = a-b+c \text{ ، } a-(b+c) = a-b-c$$

$$a-b = -(-a+b) \text{ ، } a-b = -b+a \text{ ، } a+b = b+a \text{ ، } a(b-c) = ab-ac$$

(6) المتطابقات الشهيرة :  $(a-b)^2 = a^2 - 2ab + b^2$  ،  $(a+b)^2 = a^2 + 2ab + b^2$  :

$$(a+b)^3 = a^3 + 3a^2b + 3ab^2 + b^3 \text{ ، } (a-b)(a+b) = (a+b)(a-b) = a^2 - b^2$$

(7) عمليات على الكسور :  $a, b, c, d, k$  أعداد حقيقية غير معدومة

$$\frac{a}{b} - \frac{c}{b} = \frac{a-c}{b} \text{ ، } \frac{a}{b} + \frac{c}{b} = \frac{a+c}{b} \text{ ، } \frac{a}{b} = \frac{a \div k}{b \div k} \text{ ، } \frac{a}{b} = \frac{k \cdot a}{k \cdot b}$$

$$\frac{a}{c} \times \frac{c}{b} = \frac{a}{b} \text{ ، } a \times \frac{c}{a} = c \text{ ، } \frac{a}{b} + \frac{c}{d} = \frac{ad+cb}{bd}$$

$$\frac{\frac{a}{b}}{\frac{c}{d}} = \frac{a}{b} \times \frac{d}{c} \text{ ، } \frac{1}{\frac{c}{d}} = \frac{d}{c} \text{ ، } \frac{a}{b} \times \frac{c}{d} = \frac{ac}{bd}$$

(8) الجذور التربيعية : نعتبر  $a \geq 0$  و  $b \geq 0$  لدينا :

$$\sqrt{a+b} \neq \sqrt{a} + \sqrt{b} \text{ ، } \sqrt{a \times b} = \sqrt{a} \times \sqrt{b} \text{ ، } (\sqrt{a})^2 = a \text{ ، } \sqrt{a} \geq 0$$

(9) القيمة المطلقة :  $\sqrt{a^2} = a$  وفي حالة  $a < 0$  يكون  $\sqrt{a^2} = -a$  ،  $\sqrt{\frac{a}{b}} = \frac{\sqrt{a}}{\sqrt{b}}$  :  $b > 0$  ،  $\alpha \geq 0$  و  $x$  و  $y$  عدنان حقيقيان

$$y \neq 0 \text{ مع } \left| \frac{x}{y} \right| = \frac{|x|}{|y|} \text{ ، } |xy| = |x| \cdot |y| \text{ ، } x = -y \text{ أو } x = y \text{ تكافئ } |x| = |y|$$

$$-\alpha \leq x \leq \alpha \text{ معناه } |x| \leq \alpha$$

$$a \in \mathbb{R} \text{ حيث } a - \alpha \leq x \leq a + \alpha \text{ معناه } |x - a| \leq \alpha$$

(10) القوى الصحيحة :  $a$  و  $b$  عدنان حقيقيان غير معدومين و  $(n, m) \in \mathbb{Z}^2$

$$\frac{a^m}{a^n} = a^{m-n} \text{ ، } (ab)^n = a^n \cdot b^n \text{ ، } (a^n)^m = a^{n \cdot m} \text{ ، } a^n \times a^m = a^{n+m}$$

$$\text{لما } a \neq 0 \text{ يكون } a^0 = 1 \text{ و } \frac{1}{a} = a^{-1} \text{ ، } (-a)^n = (-1)^n a^n \text{ ، } (1)^n = 1 \text{ ، } \left(\frac{1}{a}\right)^n = \frac{1}{a^n} \text{ ، } \left(\frac{a}{b}\right)^n = \frac{a^n}{b^n}$$

1) إشارة  $ax+b$  حيث  $a \neq 0$

$$ax+b=0 \text{ معناه } x = \frac{-b}{a}$$

$x$	$-\infty$	$-\frac{b}{a}$	$+\infty$
$ax+b$	عكس إشارة $a$		إشارة $a$

2) حل المعادلة:  $ax^2+bx+c=0$  مع  $a \neq 0$  والتحليل

حساب المميز:  $\Delta = b^2 - 4ac$

العبارة $ax^2+bx+c$	فان المعادلة	إذا كان
يمكن تحليلها كما يلي: $a(x-x_0)^2$	تقبل حل مضاعف هو $x_0 = \frac{-b}{2a}$	$\Delta = 0$
يمكن تحليلها كما يلي: $a(x-x_1)(x-x_2)$	تقبل حلان مختلفان $x_1 = \frac{-b-\sqrt{\Delta}}{2a}$ $x_2 = \frac{-b+\sqrt{\Delta}}{2a}$	$\Delta > 0$
لا يمكن تحليلها	لا تقبل حلول في $\mathbb{R}$	$\Delta < 0$

3) إشارة  $ax^2+bx+c$  مع  $a \neq 0$

$x$	$-\infty$	$x_0$	$+\infty$	لما $\Delta = 0$
$ax^2+bx+c$	إشارة $a$		عكس إشارة $a$	إشارة $a$

$x$	$-\infty$	$x_1$	$x_2$	$+\infty$	لما $\Delta > 0$
$ax^2+bx+c$	إشارة $a$	عكس إشارة $a$	عكس إشارة $a$	إشارة $a$	

$x$	$-\infty$	$+\infty$	لما $\Delta < 0$
$ax^2+bx+c$	إشارة $a$		

ملاحظة: حل المتراجحة " $ax^2+bx+c > 0$ " أو " $ax^2+bx+c < 0$ "  
يؤول إلى دراسة إشارة  $ax^2+bx+c$